

Devoir n°1 de Sciences Physiques 2^{ème} semestre (durée 2heures)**EXERCICE 1: (8points)**

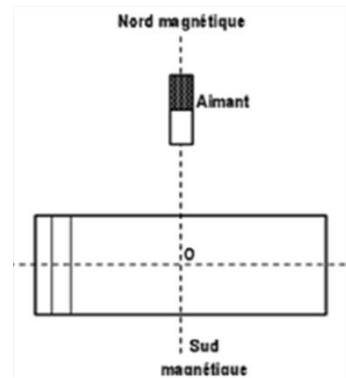
Un bécher contient $V_1 = 10 \text{ cm}^3$ de soude. On y ajoute progressivement une solution d'acide chlorhydrique ($C_2 = 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$). Le saut de pH se fait pour un volume d'acide versé $V_2 = 18 \text{ mL}$.

1. Faire un schéma du montage (1pt)
2. Donner l'allure de la courbe $\text{pH} = f(v)$ et y faire figurer les coordonnées du point d'équivalence. (1pt)
3. Déterminer la molarité C_1 de la solution initiale de soude. (0,5pt)
4. Vers quelle valeur tend le pH de la solution finale ? (0,5pt)
5. Calculer la masse m de chlorure de sodium se trouvant dans la solution à l'équivalence. Cette masse augmente-t-elle après l'équivalence ? (2pt)
6. Calculer, à la demi-équivalence (c'est-à-dire quand on a versé le volume équivalent sur 2), les concentrations des espèces présentes ainsi que le pH. (2,5pts)
7. Dans le cas d'un dosage calorimétrique, quel indicateur serait le plus approprié ? (0,5pt)

Exercice 2(6points)

Un solénoïde de longueur L et comportant N spires est disposé de façon que son axe soit horizontal et perpendiculaire au méridien magnétique. Une aiguille aimantée, mobile sur un pivot, est placée au centre O du solénoïde. Elle dévie d'un angle α à la suite d'un passage d'un courant I dans le solénoïde.

- 1) Représenter, en vue de dessus, le solénoïde, le sens du courant et les vecteurs champs magnétiques \vec{B}_H et \vec{B}_S ainsi que l'aiguille aimantée. (1pt)
- 2) Etablir l'expression de I en fonction de α , N , L et B_H . (1pt)
- 3) Pour $I_1 = 0,02 \text{ A}$, on a une déviation $\alpha_1 = 30^\circ$ et pour I_2 , on a $\alpha_2 = 60^\circ$.
 - a) Exprimer le rapport $\frac{I_1}{I_2}$ en fonction de α_1 et α_2 . (0,5pt)
 - b) En déduire la valeur de I_2 . (0,5pt)
- 4) Sachant que $L = 40 \text{ cm}$, déterminer le nombre de spires N du solénoïde. On donne $B_H = 2 \cdot 10^{-5} \text{ T}$. (0,5pt)
- 5) Un aimant droit d'axe horizontal perpendiculaire à l'axe du solénoïde est placé dans le plan du méridien magnétique passant par O (voir schéma ci-contre). La déviation de l'aiguille aimantée reste $\alpha_1 = 30^\circ$ lorsque le solénoïde est parcouru par le courant d'intensité I_2 .

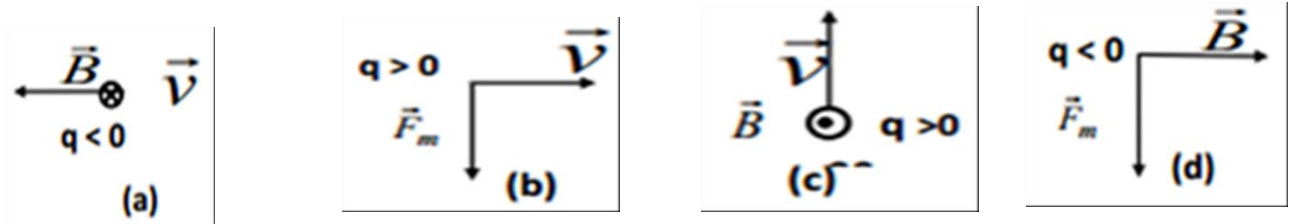


Donner les caractéristiques du champ \vec{B}_a créé par l'aimant au point O . Préciser les pôles de l'aimant. (1,5pts)

- 6) On enlève l'aimant.
 - a) Comment doit-on placer le solénoïde parcouru par le courant I_2 pour que l'aiguille aimantée reste dans la direction du méridien magnétique et que son pôle nord indique le sud magnétique ? Faire un schéma. (0,5pt)
 - b) Comment se comporterait l'aiguille si on fait passer par la suite dans le même sens le courant I_1 ? (0,5pt)

Exercice 3 : (6points) Les parties I et II sont indépendantes

I) Tracer le vecteur manquant : \vec{F}_m ; \vec{B} ou \vec{v} dans chaque cas ci-dessous. (0,5ptx4)



II) Dans cette partie, on suppose que les ions se déplacent dans le vide et que leur poids est négligeable devant les autres forces.

A l'aide du spectrographe de masse schématisé par la figure 1, on se propose de séparer les ions ${}^6\text{Li}^+$ et ${}^7\text{Li}^+$ de même charge q et de masses respectives m_1 et m_2 . En O_1 , la vitesse des ions est pratiquement nulle ; ils sont accélérés par la tension $U = V_{P_1} - V_{P_2}$ appliquée entre les plaques P_1 et P_2 . Ils pénètrent ensuite en O_2 , dans un champ magnétique uniforme \mathbf{B} perpendiculaire au plan de la figure.

1) Exprimer littéralement les vitesses v_1 et v_2 des deux ions en O_2 en fonction de U , q et de leurs masses respectives m_1 et m_2 . (0,5ptx2)

2) Dans le champ magnétique \mathbf{B} , on admet que les ions sont animés d'un mouvement circulaire uniforme. Exprimer littéralement les rayons R_1 et R_2 de leurs trajectoires en fonction de U , q , B et de leurs masses respectives m_1 et m_2 . (0,5ptx2)

3) Les deux ions sont collectés en C_1 et C_2 . Calculer la distance C_1C_2 . (2pts)

On donne : $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; $U = 10^4 \text{ V}$; $B = 0,2 \text{ T}$; $m_1 = 6 \text{ u}$; $m_2 = 7 \text{ u}$; $1 \text{ u} = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$.

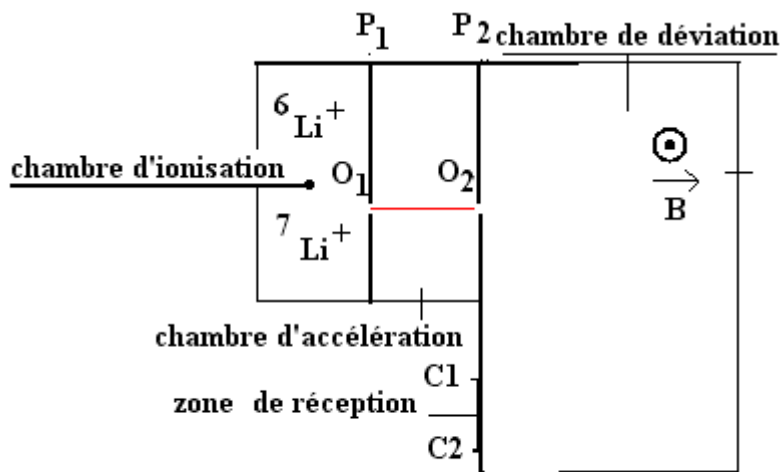
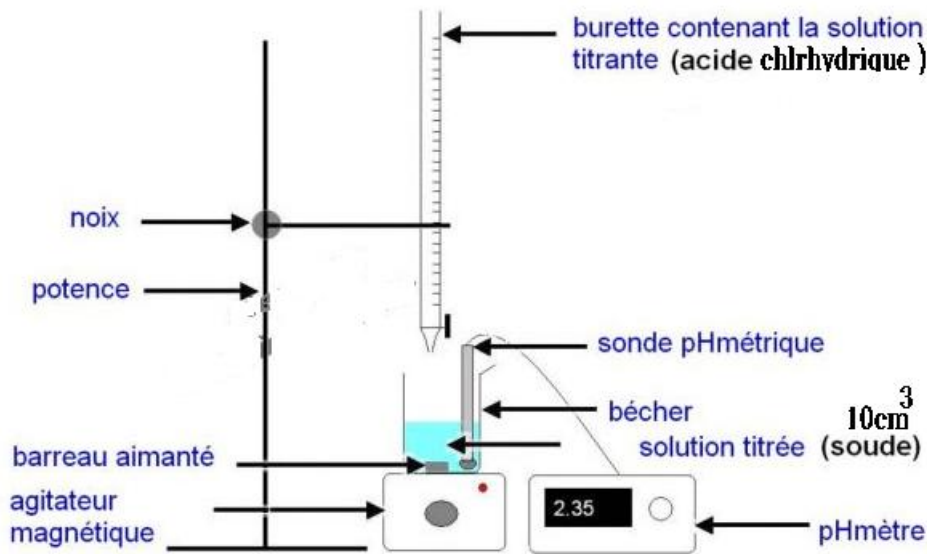


FIG 1 spectrographe de masse

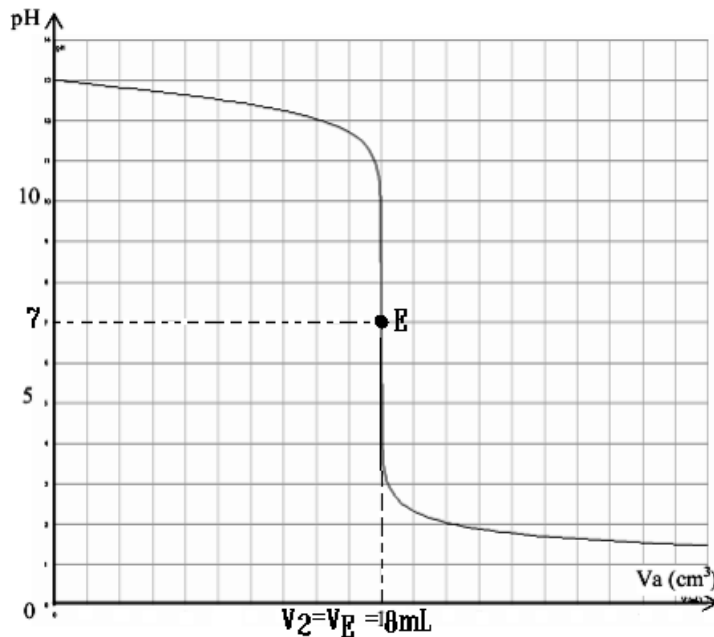
FIN DU SUJET

EXERCICE 1: (8points)

1. Faire un schéma du montage (1pt)



2. Donner l'allure de la courbe pH = f(v) et y faire figurer les coordonnées du point d'équivalence. (1pt)



3. Déterminons la molarité C₁ de la solution initiale de soude. (0,5pt)

A l'équivalence acido-basique $C_1 = \frac{C_2 V_2}{V_1}$ AN : $C_1 = \frac{10^{-3} \times 18}{10}$ $C_1 = 1,8 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$

4. le pH de la solution finale tend vers un pH acide $\text{pH} = -\log C_1$

$\text{pH} = -\log 1,8 \cdot 10^{-3} = 2,7$ (0,5pt)

5. la masse m de chlorure de sodium se trouvant dans la solution à l'équivalence.

$m = n \times M(\text{NaCl}) = C_2 V_2 \times M(\text{NaCl}) = 10^{-3} \times 18 \cdot 10^{-3} \times 58,5$ $m = 1,053 \cdot 10^{-3} \text{ g}$ 1pt

Après l'équivalence la concentration en ion Na⁺ reste constante donc la masse n'augmente plus 1pt

6. Calculons, à la demi-équivalence, les concentrations des espèces présentes ainsi que le pH. (2,5pts)

A la demi-équivalence $V_{a_{E1/2}} = \frac{18mL}{2} = 9mL$

$$[Na^+] = \frac{C_1 V_1}{V_1 + \frac{V_2}{2}} = \frac{1,8 \cdot 10^{-3} \times 10}{10 + 9} \quad [Na^+] = 9,47 \cdot 10^{-4} \text{ mol/L} \quad (0,5pt)$$

$$[Cl^-] = \frac{C_2 \frac{V_2}{2}}{V_1 + \frac{V_2}{2}} = \frac{10^{-3} \times 9}{10 + 9} \quad [Cl^-] = 4,7 \cdot 10^{-4} \text{ mol/L} \quad (0,5pt)$$

$$[OH^-] = \frac{C_1 V_1 - C_2 \frac{V_2}{2}}{V_1 + \frac{V_2}{2}} = \frac{1,8 \cdot 10^{-3} \times 10 - 10^{-3} \times 9}{10 + 9} \quad [OH^-] = 4,7 \cdot 10^{-4} \text{ mol/L} \quad (0,5pt)$$

$$[H_3O^+] = \frac{k_e}{[OH^-]} = \frac{10^{-14}}{4,7 \cdot 10^{-4}} \quad [H_3O^+] = 2,13 \cdot 10^{-11} \text{ mol/L} \quad (0,5pt)$$

$$pH = -\log[H_3O^+] = -\log 2,13 \cdot 10^{-11} \quad pH = 10,6 \quad (0,5pt)$$

7. Dans le cas d'un dosage calorimétrique, l'indicateur le plus approprié c'est l'indicateur qui contient le pH équivalent (0,5pt)

Exercice 2(6points)

1) Représenter, en vue de dessus, le solénoïde, le sens du courant et les vecteurs champs magnétiques \vec{B}_H et \vec{B}_S ainsi que l'aiguille aimantée. (1pt)

2) Etablir l'expression de I en fonction de α , N , L et B_H
 $\tan \alpha = \frac{B_S}{B_H} = \frac{\mu_0 N I}{B_H L}$ donc $I = \frac{B_H L}{\mu_0 N} \tan \alpha$

3- a) Exprimons le rapport $\frac{I_1}{I_2}$ en fonction de α_1 et α_2 .

$I_1 = \frac{B_H L}{\mu_0 N} \tan \alpha_1$ et $I_2 = \frac{B_H L}{\mu_0 N} \tan \alpha_2$ donc en faisant le rapport $\frac{I_1}{I_2} = \frac{\tan \alpha_1}{\tan \alpha_2}$ (0,5pt)

3-b) En déduire la valeur de I_2

$$I_2 = I_1 \frac{\tan \alpha_2}{\tan \alpha_1} \quad \text{AN : } I_2 = \frac{0,02 \tan 60}{\tan 30} \quad I_2 = 0,06A$$

(0,5pt)

4) Déterminer le nombre de spires N du solénoïde. (0,5pt)

$$\text{On a } \tan \alpha_1 = \frac{\mu_0 N I_1}{B_H L} \text{ donc } N = \frac{B_H L}{\mu_0 I_1} \tan \alpha_1 \quad \text{AN : } N = \frac{2 \cdot 10^{-5} \times 0,4 \times \tan 30}{4\pi \cdot 10^{-7} \times 0,02} =$$

$$183,7 \quad N = 184 \text{ spires}$$

5) Donnons les caractéristiques du champ \vec{B}_a créé par l'aimant au point O. (4x0,25pt)

- point d'application : O
- direction : verticale
- sens : du bas le haut
- Norme : ?

On a la représentation suivante :

$$\vec{B}_T = \vec{B}_H + \vec{B}_a; \quad \vec{B}_a = \vec{B}_T - \vec{B}_H \text{ en projetant } B_a = B_T - B_H$$

$$\text{or } \tan \alpha_1 = \frac{B_S}{B_T}; \quad B_T = \frac{B_S}{\tan \alpha_1}$$

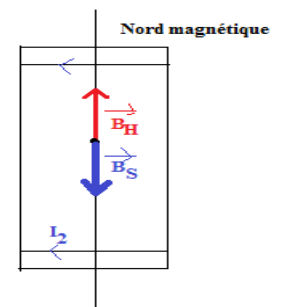
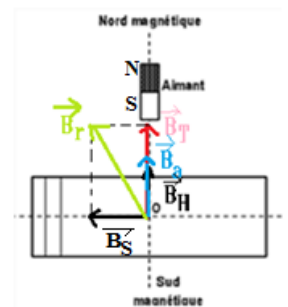
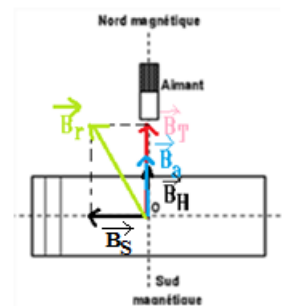
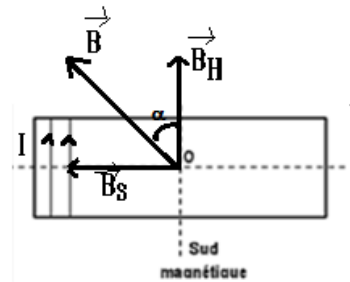
$$B_T = \frac{\mu_0 N I_2}{L \times \tan \alpha_1} \quad \text{AN : } B_T = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \times 184 \times 0,06}{0,4 \times \tan 30}$$

$$B_T = 6 \cdot 10^{-5} T \text{ donc}$$

$$B_a = 6 \cdot 10^{-5} - 2 \cdot 10^{-5} = 4 \cdot 10^{-5} \text{ d'où la norme}$$

$$B_a = 4 \cdot 10^{-5} T$$

Préciser les pôles de l'aimant. (0,5pts)



6) a) Comment doit-on placer le solénoïde parcouru par le courant I_2 pour que l'aiguille aimantée reste dans la direction du

méridien magnétique et que son pôle nord indique le sud magnétique ? Faire un schéma (0,5pts)

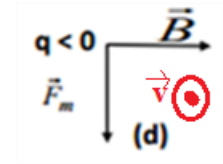
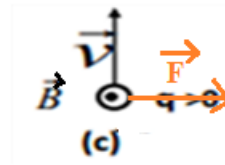
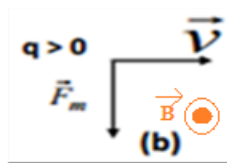
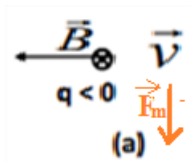
$$\vec{B}_H + \vec{B}_S = \vec{0}$$

b) Comment se comporterait l'aiguille si on fait passer par la suite dans le même sens le courant I_1 ?

$$B_S = \frac{\mu_0 N I_1}{L} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \times 184 \times 0,02}{0,40}; B_S = 1,15 \cdot 10^{-5} T < B_H, \text{ l'aiguille va tourner dans le sens de } \vec{B}_H \quad (0,5pts)$$

Exercice 3 : (6points) Les parties I et II sont indépendantes

I) Tracer le vecteur manquant : \vec{F}_m ; \vec{B} ou \vec{v} dans chaque cas ci-dessous. (0,5ptx4)



2) Exprimer littéralement les vitesses v_1 et v_2 des deux ions en O_2 en fonction de U , q et de leurs masses respectives m_1 et m_2 . (0,5ptx2)

Système : un ion Li^+

Référentiel : Terrestre supposé galiléen

Bilan des forces : la force magnétique, le poids négligé

Appliquons le théorème de l'énergie cinétique : $\Delta E_c = W(\vec{F})$

$$\frac{1}{2} m v^2 = qU \quad v^2 = \frac{2qU}{m} \quad \text{donc } v = \sqrt{\frac{2qU}{m}}$$

$$\text{– pour l'ion } {}^6Li^+ : v_1 = \sqrt{\frac{2qU}{m_1}}$$

$$\text{– pour l'ion } {}^7Li^+ : v_2 = \sqrt{\frac{2qU}{m_2}}$$

2) Exprimons littéralement les rayons R_1 et R_2 de leurs trajectoires en fonction de U , q , B et de leurs masses respectives m_1 et m_2 . (0,5ptx2)

D'après le théorème du centre d'inertie $\vec{F} = m\vec{a}$; en projetant suivant Freinet

$$F = m a_n \quad qvB = m \frac{v^2}{R} \quad \text{donc } R = \frac{mv}{qB} = \frac{m}{qB} \sqrt{\frac{2qU}{m}} = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2mU}{q}}$$

$$\text{– pour l'ion } {}^6Li^+ : R_1 = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m_1 U}{q}}$$

$$\text{– pour l'ion } {}^7Li^+ : R_2 = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m_2 U}{q}}$$

3) calculons la distance $C_1 C_2$ (2pts)

$$C_1 C_2 = 2R_2 - 2R_1 = 2(R_2 - R_1) = \frac{2}{B} \left(\sqrt{\frac{2m_1 U}{q}} - \sqrt{\frac{2m_2 U}{q}} \right)$$

$$\text{AN : } C_1 C_2 = \frac{2}{0,2} \left(\sqrt{\frac{2 \times 7 \times 1,67 \cdot 10^{-27} \times 10^4}{1,6 \cdot 10^{-19}}} - \sqrt{\frac{2 \times 6 \times 1,67 \cdot 10^{-27} \times 10^4}{1,6 \cdot 10^{-19}}} \right)$$

$$C_1 C_2 = 0,028 \text{ m}$$